Exercice 5 (4 points).

Cet exercice porte sur la notion de pile, de file et sur la programmation de base en Python.

Les interfaces des structures de données abstraites `Pile` et `File` sont proposées ci-dessous.
On utilisera uniquement les fonctions ci-dessous :

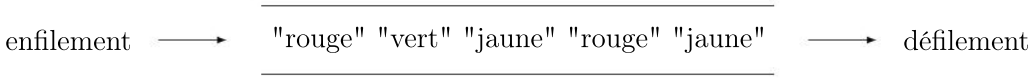
Structure de données abstraite : Pile
Utilise : Élément, Booléen

Opérations :
• `creer_pile_vide : ∅ ⟶ Pile`
`creer_pile_vide()` renvoie une pile vide
• `est_vide : Pile ⟶ Booléen`
`est_vide(pile)` renvoie True si `pile` est vide, False sinon
• `empiler : Pile, Élément ⟶ ∅`
`empiler(pile, element)` ajoute `element` à la pile `pile`
• `depiler : Pile ⟶ Élément`
`depiler(pile)` renvoie l'élément au sommet de la `pile` en le retirant de la `pile`

Structure de données abstraite : File
Utilise : Élément, Booléen

Opérations :
• `creer_file_vide : ∅ ⟶ File`
`creer_file_vide()` renvoie une file vide
• `est_vide : File ⟶ Booléen`
`est_vide(file)` renvoie True si `file` est vide, False sinon
• `enfiler : File, Élément ⟶ ∅`
`enfiler(file, element)` ajoute `element` dans la file `file`
• `defiler : File ⟶ Élément`
`defiler(file)` renvoie l'élément au sommet de la file `file` en le retirant de la file `file`

1. (a) On considère la file `F` suivante :



Quel sera le contenu de la pile `P` et de la file `F` après l'exécution du programme Python suivant ?

```
P = creer_pile_vide()
while not(est_vide(F)):
    empiler(P, defiler(F))
```

(b) Créer une fonction *taille_file* qui prend en paramètre une file `F` et qui renvoie le nombre d'éléments qu'elle contient. Après appel de cette fonction la file `F` doit avoir retrouvé son état d'origine.

```
def taille_file(F):
    """File -> Int"""
```

2. Écrire une fonction `former_pile` qui prend en paramètre une file `F` et qui renvoie une pile `P` contenant les mêmes éléments que la file.

   Le premier élément sorti de la file devra se trouver au sommet de la pile ; le deuxième élément sorti de la file devra se trouver juste en-dessous du sommet, etc.

   Exemple : si `F =` | "rouge" | "vert" | "jaune" | "rouge" | "jaune" | alors l'appel `former_pile(F)` va renvoyer la pile `P` ci-dessous :

   `P` =

"jaune"
"rouge"
"jaune"
"vert"
"rouge"

3. Écrire une fonction *nb_elements* qui prend en paramètres une file `F` et un élément `elt` et qui renvoie le nombre de fois où `elt` est présent dans la file `F`.

   Après appel de cette fonction la file `F` doit avoir retrouvé son état d'origine.

4. Écrire une fonction `verifier_contenu` qui prend en paramètres une file `F` et trois entiers : `nb_rouge`, `nb_vert` et `nb_jaune`.

   Cette fonction renvoie le booléen `True` si "rouge" apparaît au plus `nb_rouge` fois dans la file `F`, "vert" apparaît au plus `nb_vert` fois dans la file `F` et "jaune" apparaît au plus `nb_jaune` fois dans la file `F`. Elle renvoie `False` sinon. On pourra utiliser les fonctions précédentes.